

## Curso de Pós-Graduação em Economia- CAEN Da Universidade Federal do Ceará

Exame de Qualificação em Microeconomia Abril de 2014

## Leia com a atenção as instruções abaixo:

- 1) A prova compõe-se de quatro questões com iguais pesos.
- 2) Duração Máxima da Prova: 4 horas IMPRORROGÁVEIS.
- 3) É proibida a consulta de qualquer material durante o exame.
- 4) Responda as questões nas folhas próprias entregues pela secretaria.
- 5) Não escreva em hipótese alguma seu nome na prova, apenas o seu número.
- 6) Ao entregar o exame não esqueça de assinar a folha de presença.

Número do Candidato:	
Composição da Banca examinadora	
Maurício Benegas (Presidente)	
João Mário Santos de França	

Paulo de Melo Jorge Neto

**Boa Sorte** 

**Questão 1)** Um consumidor tem uma função utilidade  $u(x_1, x_2) = \max\{x_1, x_2\}$ . Qual a função demanda desse consumidor para o bem 1? Qual a utilidade indireta? Qual a função dispêndio?

## Questão 2) Resolva os problemas a seguir

- a) Seja  $R_a(x)$  o coeficiente de aversão absoluta ao risco num nível de riqueza x>0. Denotando por  $R_r(x)$  o coeficiente de aversão relativa ao risco, sabe-se que  $R_r(x)=R_a(x)x$ . Interprete  $R_r(x)$  como uma elasticidade. Se u(x) exibe coeficiente de aversão relativa ao risco constante, qual deveria ser sua forma funcional?
- b) Suponha que um agente tenha utilidade Bernoulli dada por  $u(x) = \sqrt{x}$ . Calcule o certo equivalente e o prêmio de probabilidade da loteria  $\left(36,16;\frac{1}{2},\frac{1}{2}\right)$ .
- c) Considerando o modelo de equilíbrio parcial de um mercado competitivo, argumente porque mudanças de bem-estar vis-à-vis mudanças no ambiente econômico, podem ser medidas através de mudanças no excedente agregado.
- d) Considere uma economia composta por uma firma e um consumidor. A firma produz um produto q e gera uma quantidade h de poluição tal que, seu custo é c(q,h(q)) e  $h(q)=\alpha q$  com  $\alpha>0$ . O consumidor tem utilidade quase-linear dada por  $\phi(h)+w$ . Firma e consumidor são tomadores de preço. Finalmente suponha que poluição reduz tanto o custo da firma quanto a utilidade do consumidor. Se o governo taxar o produto da firma, esse imposto irá restaurar eficiência? Se este for o caso, qual deve ser a alíquota do imposto restaurador da eficiência?

**Questão 3**) Em uma comunidade rural existem um proprietário de terra e dois possíveis arrendatários (k=1 ou k=2). O valor das coalizões podem ser definidos por v(S)=1 se o proprietário não pertence a coalizão e por v(S)=f(k+1) se S consiste do proprietário e k arrendatários. A função de produção é f(.) é crescente com f(0)=0. Considere que (x<sub>P</sub>, x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>) representa a alocação da produção ao proprietário, ao arrendatário 1 e arrendatário 2, respectivamente. Formule o problema e mostre que condições (x<sub>P</sub>, x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>) deve satisfazer para ser um CORE

**Questão 4)** Prove o 1º Teorema do Bem-estar. Se as preferências são localmente não saciadas, e se  $(x^*, y^*, p)$  é um equilíbrio de preços com transferência, então a alocação  $(x^*, y^*)$  é ótimo de Pareto. Em particular, qualquer W.E. é ótimo de Pareto.